

Oligopolio

Organización Industrial

Leandro Zipitría¹

¹Universidad de Montevideo

Licenciatura en Economía, 2013

Objetivos

- 1 Presentar modelo de Cournot y sus extensiones
- 2 Presentar modelo de Bertrand y sus extensiones
- 3 Presentar modelo de empresas dominantes

Objetivos

- 1 Presentar modelo de Cournot y sus extensiones
- 2 Presentar modelo de Bertrand y sus extensiones
- 3 Presentar modelo de empresas dominantes

Objetivos

- 1 Presentar modelo de Cournot y sus extensiones
- 2 Presentar modelo de Bertrand y sus extensiones
- 3 Presentar modelo de empresas dominantes

Presentación

- Hasta ahora se vieron las formas extremas: muchas o una empresa
- En aquellas estructuras las decisiones de las empresas no tenían impacto sobre las restantes
- Oligopolio: estructura de mercado en la cual hay pocos oferentes pero muchos demandantes

Existe interdependencia estratégica de las acciones.

Presentación

- Hasta ahora se vieron las formas extremas: muchas o una empresa
- En aquellas estructuras las decisiones de las empresas no tenían impacto sobre las restantes
- Oligopolio: estructura de mercado en la cual hay pocos oferentes pero muchos demandantes

Existe interdependencia estratégica de las acciones.

Presentación

- Hasta ahora se vieron las formas extremas: muchas o una empresa
- En aquellas estructuras las decisiones de las empresas no tenían impacto sobre las restantes
- Oligopolio: estructura de mercado en la cual hay pocos oferentes pero muchos demandantes

Existe interdependencia estratégica de las acciones.

Presentación

- Hasta ahora se vieron las formas extremas: muchas o una empresa
- En aquellas estructuras las decisiones de las empresas no tenían impacto sobre las restantes
- Oligopolio: estructura de mercado en la cual hay pocos oferentes pero muchos demandantes

Existe interdependencia estratégica de las acciones.

Presentación

- Hasta ahora se vieron las formas extremas: muchas o una empresa
- En aquellas estructuras las decisiones de las empresas no tenían impacto sobre las restantes
- Oligopolio: estructura de mercado en la cual hay pocos oferentes pero muchos demandantes

Existe interdependencia estratégica de las acciones.

Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
- 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad
- 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
- 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación

Supuestos

- 1 Las empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea la cantidad que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq_i$ y no tienen costos fijos.

Supuestos

- 1 Las empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea la cantidad que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq_i$ y no tienen costos fijos.

Supuestos

- 1 Las empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea la cantidad que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq_i$ y no tienen costos fijos.

Supuestos

- 1 Las empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea la cantidad que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq_i$ y no tienen costos fijos.

Supuestos

- 1 Las empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea la cantidad que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq_i$ y no tienen costos fijos.

Derivación geométrica

- Empresas: $\{1, 2\}$
- Maximización de beneficios de la empresa 1, π_1 suponiendo que espera que la empresa 2 produzca
- Demanda $q = a - bp$, con $q = \sum_{i=1}^2 q_i$
- La empresa 1 se enfrenta la demanda $q' = q - q_2$
- Solución de la empresa: $IMg = CMg$

Derivación geométrica

- Empresas: $\{1, 2\}$
- Maximización de beneficios de la empresa 1, π_1 suponiendo que espera que la empresa 2 produzca
- Demanda $q = a - bp$, con $q = \sum_{i=1}^2 q_i$
- La empresa 1 se enfrenta la demanda $q' = q - q_2$
- Solución de la empresa: $IMg = CMg$

Derivación geométrica

- Empresas: $\{1, 2\}$
- Maximización de beneficios de la empresa 1, π_1 suponiendo que espera que la empresa 2 produzca
- Demanda $q = a - bp$, con $q = \sum_{i=1}^2 q_i$
- La empresa 1 se enfrenta la demanda $q' = q - q_2$
- Solución de la empresa: $IMg = CMg$

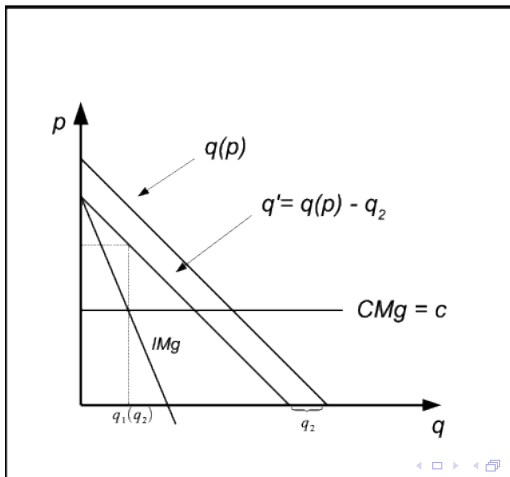
Derivación geométrica

- Empresas: $\{1, 2\}$
- Maximización de beneficios de la empresa 1, π_1 suponiendo que espera que la empresa 2 produzca
- Demanda $q = a - bp$, con $q = \sum_{i=1}^2 q_i$
- La empresa 1 se enfrenta la demanda $q' = q - q_2$
- Solución de la empresa: $IMg = CMg$

Derivación geométrica

- Empresas: $\{1, 2\}$
- Maximización de beneficios de la empresa 1, π_1 suponiendo que espera que la empresa 2 produzca
- Demanda $q = a - bp$, con $q = \sum_{i=1}^2 q_i$
- La empresa 1 se enfrenta la demanda $q' = q - q_2$
- Solución de la empresa: $IMg = CMg$

Gráfica



Casos

- Si $q_2 = 0 \Rightarrow$ la reacción óptima es $q_1(0) = q^M$
- Si $q_2 = q^{CP} \Rightarrow$ entonces la demanda residual es siempre menor al $CMg \Rightarrow q_1(q^c) = 0$
- Función de reacción: para cualquier q_2 es el valor de q_1 tal que $\max_{q_1} \pi_1$

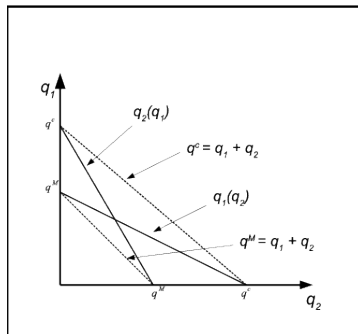
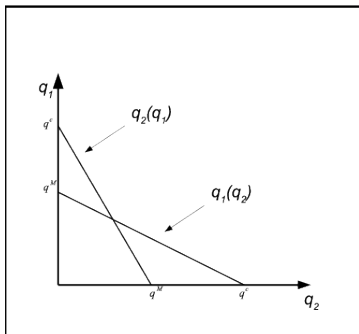
Casos

- Si $q_2 = 0 \Rightarrow$ la reacción óptima es $q_1(0) = q^M$
- Si $q_2 = q^{CP} \Rightarrow$ entonces la demanda residual es siempre menor al $CMg \Rightarrow q_1(q^c) = 0$
- Función de reacción: para cualquier q_2 es el valor de q_1 tal que $\max_{q_1} \pi_1$

Casos

- Si $q_2 = 0 \Rightarrow$ la reacción óptima es $q_1(0) = q^M$
- Si $q_2 = q^{CP} \Rightarrow$ entonces la demanda residual es siempre menor al $CMg \Rightarrow q_1(q^c) = 0$
- Función de reacción: para cualquier q_2 es el valor de q_1 tal que $\max_{q_1} \pi_1$

Casos



Resultado

- 1 Resultado intermedio entre la CP y el monopolio
- 2 No es de CP porque las empresas enfrentan demanda con pendiente negativa
- 3 No es el de monopolio porque no absorbe todo el impacto de su decisión

Resultado

- 1 Resultado intermedio entre la CP y el monopolio
- 2 No es de CP porque las empresas enfrentan demanda con pendiente negativa
- 3 No es el de monopolio porque no absorbe todo el impacto de su decisión

Resultado

- 1 Resultado intermedio entre la CP y el monopolio
- 2 No es de CP porque las empresas enfrentan demanda con pendiente negativa
- 3 No es el de monopolio porque no absorbe todo el impacto de su decisión

Índice

1 Cournot

- Presentación
- **Modelo general**
- Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social

2 Bertrand

- Supuestos y problema de maximización

- Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad

3 Bertrand o Cournot?

- ¿Cuál es el modelo adecuado?

4 Empresa dominante

- Presentación
- Interpretación

Modelo

- Las empresas deciden en forma simultánea la cantidad a producir q_1 y q_2
- El precio ajusta oferta y demanda: $p(q_1 + q_2)$,
- $p(q)$ es la función inversa de demanda y se cumple que $p'(q) < 0 \forall q \geq 0$ y $p(0) > c$
- Cada empresa decide su nivel de producto dado el nivel de producto de la otra \bar{q}_k

Modelo

- Las empresas deciden en forma simultánea la cantidad a producir q_1 y q_2
- El precio ajusta oferta y demanda: $p(q_1 + q_2)$,
- $p(q)$ es la función inversa de demanda y se cumple que $p'(q) < 0 \forall q \geq 0$ y $p(0) > c$
- Cada empresa decide su nivel de producto dado el nivel de producto de la otra \bar{q}_k

Modelo

- Las empresas deciden en forma simultánea la cantidad a producir q_1 y q_2
- El precio ajusta oferta y demanda: $p(q_1 + q_2)$,
- $p(q)$ es la función inversa de demanda y se cumple que $p'(q) < 0 \forall q \geq 0$ y $p(0) > c$
- Cada empresa decide su nivel de producto dado el nivel de producto de la otra \bar{q}_k

Modelo

- Las empresas deciden en forma simultánea la cantidad a producir q_1 y q_2
- El precio ajusta oferta y demanda: $p(q_1 + q_2)$,
- $p(q)$ es la función inversa de demanda y se cumple que $p'(q) < 0 \forall q \geq 0$ y $p(0) > c$
- Cada empresa decide su nivel de producto dado el nivel de producto de la otra \bar{q}_k

Óptimo

- El problema de maximización es:

$$\max_{q_j} p(q_j + \bar{q}_k) q_j - cq_j$$

- CPO $p'(q_j + \bar{q}_k) q_j + p(q_j + \bar{q}_k) = c$.
- Similares a las de monopolio: el productor de Cournot es un monopolista en el mercado residual que no atiende su rival

Óptimo

- El problema de maximización es:

$$\max_{q_j} p(q_j + \bar{q}_k) q_j - cq_j$$

- CPO $p'(q_j + \bar{q}_k) q_j + p(q_j + \bar{q}_k) = c$.
- Similares a las de monopolio: el productor de Cournot es un monopolista en el mercado residual que no atiende su rival

Óptimo

- El problema de maximización es:

$$\max_{q_j} p(q_j + \bar{q}_k) q_j - cq_j$$

- CPO $p'(q_j + \bar{q}_k) q_j + p(q_j + \bar{q}_k) = c$.
- Similares a las de monopolio: el productor de Cournot es un monopolista en el mercado residual que no atiende su rival

Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - **Modelo n empresas**
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
- 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad
- 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
- 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación

Solución

- Empresa i $\max_{q_i} \pi_i(q_1, \dots, q_n)$; $\pi_i(q_1, \dots, q_n) = (a - bq - c)q_i$
- CPO: $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 = (a - bq_1 - \dots - bq_n - c) - bq_i$
 $\Rightarrow q_i = \frac{a-c}{2b} - \frac{\sum_{j \neq i} q_j}{2} = R_i(q_{-i})$
- Eq. simétrico: $\Rightarrow q_i = q_j = q_i^* = \frac{a-c}{2b} - \frac{(n-1)q_i^*}{2}$

$$q_i^* = \frac{a-c}{b(n+1)} \Rightarrow q^* = nq_i^* = \frac{n(a-c)}{b(n+1)} \Rightarrow p^* = \frac{a+nc}{(n+1)}$$

Solución

- Empresa i $\max_{q_i} \pi_i(q_1, \dots, q_n)$; $\pi_i(q_1, \dots, q_n) = (a - bq - c)q_i$
- CPO: $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 = (a - bq_1 - \dots - bq_n - c) - bq_i$
 $\Rightarrow q_i = \frac{a-c}{2b} - \frac{\sum_{j \neq i} q_j}{2} = R_i(q_{-i})$
- Eq. simétrico: $\Rightarrow q_i = q_j = q_i^* = \frac{a-c}{2b} - \frac{(n-1)q_i^*}{2}$

$$q_i^* = \frac{a-c}{b(n+1)} \Rightarrow q^* = nq_i^* = \frac{n(a-c)}{b(n+1)} \Rightarrow p^* = \frac{a+nc}{(n+1)}$$

Solución

- Empresa i $\max_{q_i} \pi_i(q_1, \dots, q_n)$; $\pi_i(q_1, \dots, q_n) = (a - bq - c)q_i$
- CPO: $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 = (a - bq_1 - \dots - bq_n - c) - bq_i$
 $\Rightarrow q_i = \frac{a-c}{2b} - \frac{\sum_{j \neq i} q_j}{2} = R_i(q_{-i})$
- Eq. simétrico: $\Rightarrow q_i = q_j = q_i^* = \frac{a-c}{2b} - \frac{(n-1)q_i^*}{2}$

$$q_i^* = \frac{a-c}{b(n+1)} \Rightarrow q^* = nq_i^* = \frac{n(a-c)}{b(n+1)} \Rightarrow p^* = \frac{a+nc}{(n+1)}$$

Solución

- Empresa i $\max_{q_i} \pi_i(q_1, \dots, q_n)$; $\pi_i(q_1, \dots, q_n) = (a - bq - c)q_i$
- CPO: $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 = (a - bq_1 - \dots - bq_n - c) - bq_i$
 $\Rightarrow q_i = \frac{a-c}{2b} - \frac{\sum_{j \neq i} q_j}{2} = R_i(q_{-i})$
- Eq. simétrico: $\Rightarrow q_i = q_j = q_i^* = \frac{a-c}{2b} - \frac{(n-1)q_i^*}{2}$

$$q_i^* = \frac{a-c}{b(n+1)} \Rightarrow q^* = nq_i^* = \frac{n(a-c)}{b(n+1)} \Rightarrow p^* = \frac{a+nc}{(n+1)}$$

Solución

- Empresa i $\max_{q_i} \pi_i(q_1, \dots, q_n)$; $\pi_i(q_1, \dots, q_n) = (a - bq - c)q_i$
- CPO: $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 = (a - bq_1 - \dots - bq_n - c) - bq_i$
 $\Rightarrow q_i = \frac{a-c}{2b} - \frac{\sum_{j \neq i} q_j}{2} = R_i(q_{-i})$
- Eq. simétrico: $\Rightarrow q_i = q_j = q_i^* = \frac{a-c}{2b} - \frac{(n-1)q_i^*}{2}$

$$q_i^* = \frac{a-c}{b(n+1)} \Rightarrow q^* = nq_i^* = \frac{n(a-c)}{b(n+1)} \Rightarrow p^* = \frac{a+nc}{(n+1)}$$

Propiedades del equilibrio

$$1 \quad \lim_{n \rightarrow \infty} p^* = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a}{n+1} + \frac{n}{n+1} c = c = p^{CP}$$

$$2 \quad PS = \frac{(p^* - p^{CP})(q^{CP} - q^*)}{2} = \frac{\left[\left(\left(\frac{a+nc}{n+1} \right) - c \right) \left(\frac{a-c}{b} - \left(\frac{n(a-c)}{(n+1)b} \right) \right) \right]}{2} =$$

$$\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} PS = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} = 0$$

3 Nota: mientras que el precio converge a la tasa n , la pérdida social disminuye a la tasa n^2

$$4 \quad EC = \frac{(a-p)q^*}{2} = \frac{n^2(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EC}{\partial n} = \left(\frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^3} \right) > 0$$

$$5 \quad EP = \sum_{i=1}^n \pi_i = \frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EP}{\partial n} = \left(\frac{(1-n)(a-c)^2}{b(n+1)^3} \right) < 0; \forall n > 2$$

Propiedades del equilibrio

$$1 \quad \lim_{n \rightarrow \infty} p^* = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a}{n+1} + \frac{n}{n+1} c = c = p^{CP}$$

$$2 \quad PS = \frac{(p^* - p^{CP})(q^{CP} - q^*)}{2} = \frac{\left[\left(\left(\frac{a+nc}{n+1} \right) - c \right) \left(\frac{a-c}{b} - \left(\frac{n(a-c)}{(n+1)b} \right) \right) \right]}{2} =$$

$$\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} PS = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} = 0$$

3 Nota: mientras que el precio converge a la tasa n , la pérdida social disminuye a la tasa n^2

$$4 \quad EC = \frac{(a-p)q^*}{2} = \frac{n^2(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EC}{\partial n} = \left(\frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^3} \right) > 0$$

$$5 \quad EP = \sum_{i=1}^n \pi_i = \frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EP}{\partial n} = \left(\frac{(1-n)(a-c)^2}{b(n+1)^3} \right) < 0; \forall n > 2$$

Propiedades del equilibrio

- 1 $\lim_{n \rightarrow \infty} p^* = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a}{n+1} + \frac{n}{n+1}c = c = p^{CP}$
- 2 $PS = \frac{(p^* - p^{CP})(q^{CP} - q^*)}{2} = \frac{\left[\left(\left(\frac{a+nc}{n+1}\right) - c\right)\left(\frac{a-c}{b} - \left(\frac{n(a-c)}{(n+1)b}\right)\right)\right]}{2} =$
 $\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} PS = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} = 0$
- 3 Nota: mientras que el precio converge a la tasa n , la pérdida social disminuye a la tasa n^2
- 4 $EC = \frac{(a-p)q^*}{2} = \frac{n^2(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EC}{\partial n} = \left(\frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^3}\right) > 0$
- 5 $EP = \sum_{i=1}^n \pi_i = \frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EP}{\partial n} = \left(\frac{(1-n)(a-c)^2}{b(n+1)^3}\right) < 0; \forall n > 2$

Propiedades del equilibrio

- 1 $\lim_{n \rightarrow \infty} p^* = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a}{n+1} + \frac{n}{n+1}c = c = p^{CP}$
- 2 $PS = \frac{(p^* - p^{CP})(q^{CP} - q^*)}{2} = \frac{\left[\left(\left(\frac{a+nc}{n+1}\right) - c\right)\left(\frac{a-c}{b} - \left(\frac{n(a-c)}{(n+1)b}\right)\right)\right]}{2} =$
 $\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} PS = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} = 0$
- 3 Nota: mientras que el precio converge a la tasa n , la pérdida social disminuye a la tasa n^2
- 4 $EC = \frac{(a-p)q^*}{2} = \frac{n^2(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EC}{\partial n} = \left(\frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^3}\right) > 0$
- 5 $EP = \sum_{i=1}^n \pi_i = \frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EP}{\partial n} = \left(\frac{(1-n)(a-c)^2}{b(n+1)^3}\right) < 0; \forall n > 2$

Propiedades del equilibrio

- 1 $\lim_{n \rightarrow \infty} p^* = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a}{n+1} + \frac{n}{n+1}c = c = p^{CP}$
- 2 $PS = \frac{(p^* - p^{CP})(q^{CP} - q^*)}{2} = \frac{\left[\left(\left(\frac{a+nc}{n+1}\right) - c\right)\left(\frac{a-c}{b} - \left(\frac{n(a-c)}{(n+1)b}\right)\right)\right]}{2} =$
 $\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} PS = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2} = 0$
- 3 Nota: mientras que el precio converge a la tasa n , la pérdida social disminuye a la tasa n^2
- 4 $EC = \frac{(a-p)q^*}{2} = \frac{n^2(a-c)^2}{2b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EC}{\partial n} = \left(\frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^3}\right) > 0$
- 5 $EP = \sum_{i=1}^n \pi_i = \frac{n(a-c)^2}{b(n+1)^2} \Rightarrow \frac{\partial EP}{\partial n} = \left(\frac{(1-n)(a-c)^2}{b(n+1)^3}\right) < 0; \forall n > 2$

Estimación de pérdida social

- $PS = 0 \Leftrightarrow n \rightarrow \infty$
- ¿Escenario menos estricto? Ej.: $PS^C = 5\% PS^M$
- $\frac{PS^C}{PS^M} = \frac{\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2}}{\frac{(a-c)^2}{8b}} = \frac{8b}{2b(n+1)^2} = \frac{4}{(n+1)^2} < 5\% \Leftrightarrow \frac{4}{0,05} < (n+1)^2 \Leftrightarrow 80 < (n+1)^2 \Leftrightarrow \sqrt{80} < (n+1) \Leftrightarrow$

$$n > 7,9$$

Estimación de pérdida social

- $PS = 0 \Leftrightarrow n \rightarrow \infty$
- ¿Escenario menos estricto? Ej.: $PS^C = 5\% PS^M$
- $\frac{PS^C}{PS^M} = \frac{\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2}}{\frac{(a-c)^2}{8b}} = \frac{8b}{2b(n+1)^2} = \frac{4}{(n+1)^2} < 5\% \Leftrightarrow \frac{4}{0,05} < (n+1)^2 \Leftrightarrow 80 < (n+1)^2 \Leftrightarrow \sqrt{80} < (n+1) \Leftrightarrow$

$$n > 7,9$$

Estimación de pérdida social

- $PS = 0 \Leftrightarrow n \rightarrow \infty$
- ¿Escenario menos estricto? Ej.: $PS^C = 5\% PS^M$
- $\frac{PS^C}{PS^M} = \frac{\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2}}{\frac{(a-c)^2}{8b}} = \frac{8b}{2b(n+1)^2} = \frac{4}{(n+1)^2} < 5\% \Leftrightarrow \frac{4}{0,05} < (n+1)^2 \Leftrightarrow$
 $80 < (n+1)^2 \Leftrightarrow \sqrt{80} < (n+1) \Leftrightarrow$

$$n > 7,9$$

Estimación de pérdida social

- $PS = 0 \Leftrightarrow n \rightarrow \infty$
- ¿Escenario menos estricto? Ej.: $PS^C = 5\% PS^M$
- $\frac{PS^C}{PS^M} = \frac{\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2}}{\frac{(a-c)^2}{8b}} = \frac{8b}{2b(n+1)^2} = \frac{4}{(n+1)^2} < 5\% \Leftrightarrow \frac{4}{0,05} < (n+1)^2 \Leftrightarrow$
 $80 < (n+1)^2 \Leftrightarrow \sqrt{80} < (n+1) \Leftrightarrow$

$$n > 7,9$$

Estimación de pérdida social

- $PS = 0 \Leftrightarrow n \rightarrow \infty$
- ¿Escenario menos estricto? Ej.: $PS^C = 5\% PS^M$
- $\frac{PS^C}{PS^M} = \frac{\frac{(a-c)^2}{2b(n+1)^2}}{\frac{(a-c)^2}{8b}} = \frac{8b}{2b(n+1)^2} = \frac{4}{(n+1)^2} < 5\% \Leftrightarrow \frac{4}{0,05} < (n+1)^2 \Leftrightarrow$
 $80 < (n+1)^2 \Leftrightarrow \sqrt{80} < (n+1) \Leftrightarrow$

$$n > 7,9$$

Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
- 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad
- 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
- 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación

Supuestos

- 1 Empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea el precio al que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad, pueden servir toda la demanda que reciban
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq$; no tienen costos fijos

Supuestos

- 1 Empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea el precio al que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad, pueden servir toda la demanda que reciban
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq$; no tienen costos fijos

Supuestos

- 1 Empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea el precio al que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad, pueden servir toda la demanda que reciban
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq$; no tienen costos fijos

Supuestos

- 1 Empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea el precio al que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad, pueden servir toda la demanda que reciban
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq$; no tienen costos fijos

Supuestos

- 1 Empresas venden bienes homogéneos
- 2 Juegan un juego en una etapa
- 3 Eligen en forma independiente y simultánea el precio al que venden del producto
- 4 No enfrentan restricciones de capacidad, pueden servir toda la demanda que reciban
- 5 Tienen igual función de costos: $CT_i = cq$; no tienen costos fijos

Demanda

- La demanda que enfrentan la empresa i es de la siguiente forma:

$$q_i^d(p_i, p_j) = \begin{cases} q(p_i) & \text{si } p_i < p_j \\ \frac{q(p_i)}{2} & \text{si } p_i = p_j \\ 0 & \text{si } p_i > p_j \end{cases}$$

- Gráficamente:

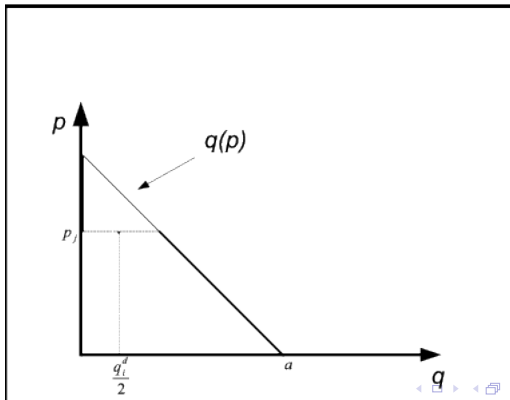
Demanda

- La demanda que enfrentan la empresa i es de la siguiente forma:

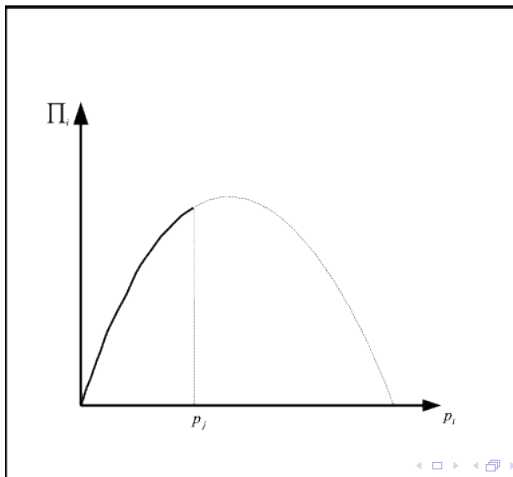
$$q_i^d(p_i, p_j) = \begin{cases} q(p_i) & \text{si } p_i < p_j \\ \frac{q(p_i)}{2} & \text{si } p_i = p_j \\ 0 & \text{si } p_i > p_j \end{cases}$$

- Gráficamente:

Demanda (gráfica)



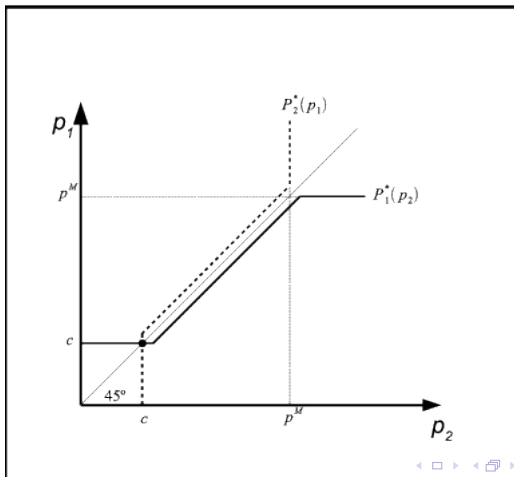
Beneficios



Funciones de reacción

$$p_i^*(p_j) = \begin{cases} p^M & \text{si } p_j > p^M \\ p_j - \varepsilon & \text{si } c \leq p_j \leq p^M \\ c & \text{si } p_j \leq c \end{cases}$$

Funciones de reacción (gráfica)



Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
- 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad
- 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
- 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación

ENB

Teorema

Equilibrio de Bertrand: el único precio de equilibrio de este juego está dado por $p_i^ = p_j^* = c$, con $\pi_i(p_i^*, p_j^*) = \pi_j(p_i^*, p_j^*) = 0$.*

ENB (Demostración)

Demostración.

La demostración es en dos etapas: 1- $p_i^* = p_j^* = c$ es un equilibrio de Nash (EN); 2- $p_i^* = p_j^* = c$ es el único EN.

1) Para que sea un EN, ninguna empresa debe tener incentivos a desviarse dado lo que jugó la otra.

Sea $p_1^* = c$ ¿tiene incentivo la empresa 2 a fijar $p_2 \neq c$? Veamos: si $p_2 = c \Rightarrow \pi_2 = 0$; si $p_2 < c \Rightarrow \pi_2 < 0$ (tiene toda la demanda pero no cubre los costos); y si $p_2 > c \Rightarrow \pi_2 = 0$ (nadie le compra). \Rightarrow si $p_1^* = c, p_2 = c$.

El mismo razonamiento es válido para la empresa 1 cuando la empresa 2 juega $p_2 = c$.



ENB (Demostración, cont.)

Demostración.

Por contradicción, supongamos que existe un precio de equilibrio diferente a (c, c)

(A) $p_i^* < c \leq p_j^*$ o $p_i^* < p_j^* \leq c$. La empresa i está haciendo beneficios negativos, dado que toda la demanda recae sobre ella \Rightarrow puede llevar el precio a $p'_i = c$ y ahora $\pi'_i = 0 > \pi_i^* \Rightarrow$ no puede ser un EN.

(B) $p_i^* = c < p_j^*$. La empresa i hace $\pi_i^* = 0 \Rightarrow$ puede fijar un precio $p'_i = p_j^* - \varepsilon \Rightarrow \pi'_i > 0 = \pi_i^* \Rightarrow$ este no puede ser un EN.

(C) $c < p_i^* \leq p_j^*$. $\pi_j^* = 0 \Rightarrow$ fija $p'_j = p_i^* - \varepsilon$ y gana toda la demanda, $\Rightarrow \pi'_j \geq \pi_j^* = 0 \Rightarrow$ este no puede ser un EN. □

ENB: interpretación

- Paradoja: precio igual al CMg , aún siendo 2 !!.
- No se sostiene si se levantan los supuestos
 - Diferenciación de productos
 - Competencia dinámica
 - Restricciones de capacidad

ENB: interpretación

- Paradoja: precio igual al CMg , aún siendo 2 !!.
- No se sostiene si se levantan los supuestos
 - 1 Diferenciación de productos
 - 2 Competencia dinámica
 - 3 Restricciones de capacidad

ENB: interpretación

- Paradoja: precio igual al CMg , aún siendo 2 !!.
- No se sostiene si se levantan los supuestos
 - 1 Diferenciación de productos
 - 2 Competencia dinámica
 - 3 Restricciones de capacidad

ENB: interpretación

- Paradoja: precio igual al CMg , aún siendo 2 !!.
- No se sostiene si se levantan los supuestos
 - 1 Diferenciación de productos
 - 2 Competencia dinámica
 - 3 Restricciones de capacidad

ENB: interpretación

- Paradoja: precio igual al CMg , aún siendo 2 !!.
- No se sostiene si se levantan los supuestos
 - 1 Diferenciación de productos
 - 2 Competencia dinámica
 - 3 Restricciones de capacidad

Presentación

- Modelo en dos etapas: $t = 1$ las empresas eligen capacidad; $t = 2$ compiten en precio
- Costos: $C_i^1(q_i) = \frac{3}{4}q_i$ para el momento 1; $\frac{3}{4}$ es el costo por unidad de capacidad q_i
- Costos: $C_i^2 = \begin{cases} 0 & \text{si } q_i \leq \bar{q}_i \\ \infty & \text{si } q_i > \bar{q}_i \end{cases}$
- Demanda de mercado $q = 1 - p \Rightarrow p = 1 - q_1 - q_2$

Presentación

- Modelo en dos etapas: $t = 1$ las empresas eligen capacidad; $t = 2$ compiten en precio
- Costos: $C_i^1(q_i) = \frac{3}{4}q_i$ para el momento 1; $\frac{3}{4}$ es el costo por unidad de capacidad q_i
- Costos: $C_i^2 = \begin{cases} 0 & \text{si } q_i \leq \bar{q}_i \\ \infty & \text{si } q_i > \bar{q}_i \end{cases}$
- Demanda de mercado $q = 1 - p \Rightarrow p = 1 - q_1 - q_2$

Presentación

- Modelo en dos etapas: $t = 1$ las empresas eligen capacidad; $t = 2$ compiten en precio
- Costos: $C_i^1(q_i) = \frac{3}{4}q_i$ para el momento 1; $\frac{3}{4}$ es el costo por unidad de capacidad q_i
- Costos: $C_i^2 = \begin{cases} 0 & \text{si } q_i \leq \bar{q}_i \\ \infty & \text{si } q_i > \bar{q}_i \end{cases}$
- Demanda de mercado $q = 1 - p \Rightarrow p = 1 - q_1 - q_2$

Presentación

- Modelo en dos etapas: $t = 1$ las empresas eligen capacidad; $t = 2$ compiten en precio
- Costos: $C_i^1(q_i) = \frac{3}{4}q_i$ para el momento 1; $\frac{3}{4}$ es el costo por unidad de capacidad q_i
- Costos: $C_i^2 = \begin{cases} 0 & \text{si } q_i \leq \bar{q}_i \\ \infty & \text{si } q_i > \bar{q}_i \end{cases}$
- Demanda de mercado $q = 1 - p \Rightarrow p = 1 - q_1 - q_2$

Regla de racionamiento

- Regla de racionamiento eficiente: dos empresas con precios $p_1 < p_2$
- $\bar{q}_1 < q(p_1)$; la empresa 1 no puede satisfacer toda la demanda al precio fijado
- La demanda residual de la empresa 2 es:

$$q_2^R(p_2) = \begin{cases} q(p_2) - \bar{q}_1 & \text{si } q(p_2) > \bar{q}_1 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Regla de racionamiento

- Regla de racionamiento eficiente: dos empresas con precios $p_1 < p_2$
- $\bar{q}_1 < q(p_1)$; la empresa 1 no puede satisfacer toda la demanda al precio fijado
- La demanda residual de la empresa 2 es:

$$q_2^R(p_2) = \begin{cases} q(p_2) - \bar{q}_1 & \text{si } q(p_2) > \bar{q}_1 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Regla de racionamiento

- Regla de racionamiento eficiente: dos empresas con precios $p_1 < p_2$
- $\bar{q}_1 < q(p_1)$; la empresa 1 no puede satisfacer toda la demanda al precio fijado
- La demanda residual de la empresa 2 es:

$$q_2^R(p_2) = \begin{cases} q(p_2) - \bar{q}_1 & \text{si } q(p_2) > \bar{q}_1 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Solución: previo

- Vamos a acotar los posibles valores de \bar{q}_i
- Máximos beneficios en $t = 2$ $\pi^M \Rightarrow \pi = pq = p(1-p) \Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial p} = 0 = (1-p) - p \Rightarrow p = \frac{1}{2} \Rightarrow q = \frac{1}{2} \Rightarrow \pi = \frac{1}{4}$
- Máximos beneficios en $t = 1$ netos de costos de capacidad:
 $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}\bar{q}_i \Rightarrow \bar{q}_i \leq \frac{1}{3}$
- $\Rightarrow \bar{q}_1, \bar{q}_2 \in \left[0, \frac{1}{3}\right]$

Solución: previo

- Vamos a acotar los posibles valores de \bar{q}_i
- Máximos beneficios en $t = 2$ $\pi^M \Rightarrow \pi = pq = p(1-p) \Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial p} = 0 = (1-p) - p \Rightarrow p = \frac{1}{2} \Rightarrow q = \frac{1}{2} \Rightarrow \pi = \frac{1}{4}$
- Máximos beneficios en $t = 1$ netos de costos de capacidad:
 $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}\bar{q}_i \Rightarrow \bar{q}_i \leq \frac{1}{3}$
- $\Rightarrow \bar{q}_1, \bar{q}_2 \in \left[0, \frac{1}{3}\right]$

Solución: previo

- Vamos a acotar los posibles valores de \bar{q}_i
- Máximos beneficios en $t = 2$ $\pi^M \Rightarrow \pi = pq = p(1-p) \Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial p} = 0 = (1-p) - p \Rightarrow p = \frac{1}{2} \Rightarrow q = \frac{1}{2} \Rightarrow \pi = \frac{1}{4}$
- Máximos beneficios en $t = 1$ netos de costos de capacidad:
 $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}\bar{q}_i \Rightarrow \bar{q}_i \leq \frac{1}{3}$
- $\Rightarrow \bar{q}_1, \bar{q}_2 \in \left[0, \frac{1}{3}\right]$

Solución: previo

- Vamos a acotar los posibles valores de \bar{q}_i
- Máximos beneficios en $t = 2$ $\pi^M \Rightarrow \pi = pq = p(1-p) \Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial p} = 0 = (1-p) - p \Rightarrow p = \frac{1}{2} \Rightarrow q = \frac{1}{2} \Rightarrow \pi = \frac{1}{4}$
- Máximos beneficios en $t = 1$ netos de costos de capacidad:
 $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}\bar{q}_i \Rightarrow \bar{q}_i \leq \frac{1}{3}$
- $\Rightarrow \bar{q}_1, \bar{q}_2 \in \left[0, \frac{1}{3}\right]$

Solución: etapa 2

- Solución: $p^* = 1 - (\bar{q}_1 + \bar{q}_2)$ único equilibrio

1 $\dot{p}_i < p^*$? No, porque están racionadas

2 $\dot{p}_i > p^*$?

- $\pi_i = p(1 - p - \bar{q}_j)$, incluye regla de racionamiento, invirtiendo $\pi_i = (1 - q_i(p) - \bar{q}_j)q_i(p)$; $q_i(p)$ es la demanda residual de la empresa i por la regla de racionamiento $\Rightarrow q_i(p) \leq \bar{q}_i$, debido a que $p_i > p^*$

- $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} = 1 - 2\bar{q}_i - \bar{q}_j$. Como $\bar{q}_1, \bar{q}_2 \in [0, \frac{1}{3}]$, $\Rightarrow \frac{\partial \pi_i}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} > 0$, y la función π_i es cóncava \Rightarrow cualquier $q_i(p) < \bar{q}_i$ implica $\pi_i(q_i(p)) < \pi_i(\bar{q}_i)$, $\forall q_i(p) < \bar{q}_i$. Por tanto, fijar $p_i > p^*$ no es óptimo

Solución: etapa 2

- Solución: $p^* = 1 - (\bar{q}_1 + \bar{q}_2)$ único equilibrio

① ¿ $p_i < p^*$? No, porque están racionadas

② ¿ $p_i > p^*$?

- $\pi_i = p(1 - p - \bar{q}_j)$, incluye regla de racionamiento, invirtiendo $\pi_i = (1 - q_i(p) - \bar{q}_j)q_i(p)$; $q_i(p)$ es la demanda residual de la empresa i por la regla de racionamiento $\Rightarrow q_i(p) \leq \bar{q}_i$, debido a que $p_i > p^*$

- $\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} = 1 - 2\bar{q}_i - \bar{q}_j$. Como $\bar{q}_1, \bar{q}_2 \in [0, \frac{1}{3}]$, $\Rightarrow \frac{\partial \pi_i}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} > 0$, y la función π_i es cóncava \Rightarrow cualquier $q_i(p) < \bar{q}_i$ implica $\pi_i(q_i(p)) < \pi_i(\bar{q}_i)$, $\forall q_i(p) < \bar{q}_i$. Por tanto, fijar $p_i > p^*$ no es óptimo

Solución: etapa 2

- Solución: $p^* = 1 - (\bar{q}_1 + \bar{q}_2)$ único equilibrio

① ¿ $p_i < p^*$? No, porque están racionadas

② ¿ $p_i > p^*$?

- $\pi_i = p(1 - p - \bar{q}_j)$, incluye regla de racionamiento, invirtiendo $\pi_i = (1 - q_i(p) - \bar{q}_j)q_i(p)$; $q_i(p)$ es la demanda residual de la empresa i por la regla de racionamiento $\Rightarrow q_i(p) \leq \bar{q}_i$, debido a que $p_i > p^*$
- $\frac{\partial \pi}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} = 1 - 2\bar{q}_i - \bar{q}_j$. Como $\bar{q}_1, \bar{q}_2 \in [0, \frac{1}{3}]$, $\Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} > 0$, y la función π_i es cóncava \Rightarrow cualquier $q_i(p) < \bar{q}_i$ implica $\pi_i(q_i(p)) < \pi_i(\bar{q}_i)$, $\forall q_i(p) < \bar{q}_i$. Por tanto, fijar $p_i > p^*$ no es óptimo

Solución: etapa 2

- Solución: $p^* = 1 - (\bar{q}_1 + \bar{q}_2)$ único equilibrio
- ① ¿ $p_i < p^*$? No, porque están racionadas
- ② ¿ $p_i > p^*$?
 - $\pi_i = p(1 - p - \bar{q}_j)$, incluye regla de racionamiento, invirtiendo $\pi_i = (1 - q_i(p) - \bar{q}_j)q_i(p)$; $q_i(p)$ es la demanda residual de la empresa i por la regla de racionamiento $\Rightarrow q_i(p) \leq \bar{q}_i$, debido a que $p_i > p^*$
 - $\frac{\partial \pi}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} = 1 - 2\bar{q}_i - \bar{q}_j$. Como $\bar{q}_1, \bar{q}_2 \in [0, \frac{1}{3}]$, $\Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} > 0$, y la función π_i es cóncava \Rightarrow cualquier $q_i(p) < \bar{q}_i$ implica $\pi_i(q_i(p)) < \pi_i(\bar{q}_i)$, $\forall q_i(p) < \bar{q}_i$. Por tanto, fijar $p_i > p^*$ no es óptimo

Solución: etapa 2

- Solución: $p^* = 1 - (\bar{q}_1 + \bar{q}_2)$ único equilibrio

① ¿ $p_i < p^*$? No, porque están racionadas

② ¿ $p_i > p^*$?

- $\pi_i = p(1 - p - \bar{q}_j)$, incluye regla de racionamiento, invirtiendo $\pi_i = (1 - q_i(p) - \bar{q}_j)q_i(p)$; $q_i(p)$ es la demanda residual de la empresa i por la regla de racionamiento $\Rightarrow q_i(p) \leq \bar{q}_i$, debido a que $p_i > p^*$

- $\frac{\partial \pi}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} = 1 - 2\bar{q}_i - \bar{q}_j$. Como $\bar{q}_1, \bar{q}_2 \in [0, \frac{1}{3}]$, $\Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial q_i(p)} \Big|_{q_i(p)=\bar{q}_i} > 0$, y la función π_i es cóncava \Rightarrow cualquier $q_i(p) < \bar{q}_i$ implica $\pi_i(q_i(p)) < \pi_i(\bar{q}_i)$, $\forall q_i(p) < \bar{q}_i$. Por tanto, fijar $p_i > p^*$ no es óptimo

Solución: etapa 1

- Beneficios $\pi_i(\bar{q}_i, \bar{q}_j) = \left(p^* - \frac{3}{4}\right)\bar{q}_i = (1 - \bar{q}_i - \bar{q}_j - c_0)\bar{q}_i$
- Problema formalmente idéntico a Cournot
- \Rightarrow Un Bertrand con restricciones de capacidad es un Cournot !
- La elección de la capacidad en $t = 1$ relaja la competencia en $t = 2$

Solución: etapa 1

- Beneficios $\pi_i(\bar{q}_i, \bar{q}_j) = \left(p^* - \frac{3}{4}\right) \bar{q}_i = (1 - \bar{q}_i - \bar{q}_j - c_0) \bar{q}_i$
- Problema formalmente idéntico a Cournot
- \Rightarrow Un Bertrand con restricciones de capacidad es un Cournot !
- La elección de la capacidad en $t = 1$ relaja la competencia en $t = 2$

Solución: etapa 1

- Beneficios $\pi_i(\bar{q}_i, \bar{q}_j) = \left(p^* - \frac{3}{4}\right) \bar{q}_i = (1 - \bar{q}_i - \bar{q}_j - c_0) \bar{q}_i$
- Problema formalmente idéntico a Cournot
- \Rightarrow Un Bertrand con restricciones de capacidad es un Cournot !
- La elección de la capacidad en $t = 1$ relaja la competencia en $t = 2$

Solución: etapa 1

- Beneficios $\pi_i(\bar{q}_i, \bar{q}_j) = \left(p^* - \frac{3}{4}\right)\bar{q}_i = (1 - \bar{q}_i - \bar{q}_j - c_0)\bar{q}_i$
- Problema formalmente idéntico a Cournot
- \Rightarrow Un Bertrand con restricciones de capacidad es un Cournot !
- La elección de la capacidad en $t = 1$ relaja la competencia en $t = 2$

Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
- 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad
- 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
- 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación

Variable estratégica relevante

- En modelos de oligopolio la competencia en precios o cantidades arroja resultados diferentes
- ¿Cuál es la restricción relevante en el largo plazo?
- Capacidad: \Rightarrow modelo de Cournot: acero, cemento, autos, productos agrícolas
- Precio: dado el precio de empresa j la empresa i abastece toda la demanda \Rightarrow modelo de Bertrand: seguros, programas de software, ebooks

Variable estratégica relevante

- En modelos de oligopolio la competencia en precios o cantidades arroja resultados diferentes
- ¿Cuál es la restricción relevante en el largo plazo?
- Capacidad: \Rightarrow modelo de Cournot: acero, cemento, autos, productos agrícolas
- Precio: dado el precio de empresa j la empresa i abastece toda la demanda \Rightarrow modelo de Bertrand: seguros, programas de software, ebooks

Variable estratégica relevante

- En modelos de oligopolio la competencia en precios o cantidades arroja resultados diferentes
- ¿Cuál es la restricción relevante en el largo plazo?
- Capacidad: \Rightarrow modelo de Cournot: acero, cemento, autos, productos agrícolas
- Precio: dado el precio de empresa j la empresa i abastece toda la demanda \Rightarrow modelo de Bertrand: seguros, programas de software, ebooks

Variable estratégica relevante

- En modelos de oligopolio la competencia en precios o cantidades arroja resultados diferentes
- ¿Cuál es la restricción relevante en el largo plazo?
- Capacidad: \Rightarrow modelo de Cournot: acero, cemento, autos, productos agrícolas
- Precio: dado el precio de empresa j la empresa i abastece toda la demanda \Rightarrow modelo de Bertrand: seguros, programas de software, ebooks

Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
 - 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
 - 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación
- Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad

Introducción

- Muchos mercados se caracterizan por la existencia de una empresa dominante
- En Uruguay: el Banco de Seguros (seguros de autos); Conaprole (mercado lácteo); Canarias (yerba); Salus (agua mineral).
- Modelo de empresa dominante:
 - una empresa dominante y un margen competitivo;
 - la empresa dominante fija el precio dado el margen competitivo;
 - las empresas de la franja competitiva son precio aceptantes

Introducción

- Muchos mercados se caracterizan por la existencia de una empresa dominante
- En Uruguay: el Banco de Seguros (seguros de autos); Conaprole (mercado lácteo); Canarias (yerba); Salus (agua mineral).
- Modelo de empresa dominante:
 - una empresa dominante y un margen competitivo;
 - la empresa dominante fija el precio dado el margen competitivo;
 - las empresas de la franja competitiva son precio aceptantes

Introducción

- Muchos mercados se caracterizan por la existencia de una empresa dominante
- En Uruguay: el Banco de Seguros (seguros de autos); Conaprole (mercado lácteo); Canarias (yerba); Salus (agua mineral).
- Modelo de empresa dominante:
 - una empresa dominante y un margen competitivo;
 - la empresa dominante fija el precio dado el margen competitivo;
 - las empresas de la franja competitiva son precio aceptantes

Introducción

- Muchos mercados se caracterizan por la existencia de una empresa dominante
- En Uruguay: el Banco de Seguros (seguros de autos); Conaprole (mercado lácteo); Canarias (yerba); Salus (agua mineral).
- Modelo de empresa dominante:
 - una empresa dominante y un margen competitivo;
 - la empresa dominante fija el precio dado el margen competitivo;
 - las empresas de la franja competitiva son precio aceptantes

Introducción

- Muchos mercados se caracterizan por la existencia de una empresa dominante
- En Uruguay: el Banco de Seguros (seguros de autos); Conaprole (mercado lácteo); Canarias (yerba); Salus (agua mineral).
- Modelo de empresa dominante:
 - una empresa dominante y un margen competitivo;
 - la empresa dominante fija el precio dado el margen competitivo;
 - las empresas de la franja competitiva son precio aceptantes

Introducción

- Muchos mercados se caracterizan por la existencia de una empresa dominante
- En Uruguay: el Banco de Seguros (seguros de autos); Conaprole (mercado lácteo); Canarias (yerba); Salus (agua mineral).
- Modelo de empresa dominante:
 - una empresa dominante y un margen competitivo;
 - la empresa dominante fija el precio dado el margen competitivo;
 - las empresas de la franja competitiva son precio aceptantes

Variables

- $q(p)$ – demanda del mercado;
- $q^c(p)$ es la oferta del margen competitivo al precio p ;
- $q^d(p) = (q(p) - q^c(p))$ demanda residual de la empresa dominante;
- $c(p) = c(q^d(p))$ son los costos de la empresa dominante.

Variables

- $q(p)$ – demanda del mercado;
- $q^c(p)$ es la oferta del margen competitivo al precio p ;
- $q^d(p) = (q(p) - q^c(p))$ demanda residual de la empresa dominante;
- $c(p) = c(q^d(p))$ son los costos de la empresa dominante.

Variables

- $q(p)$ – demanda del mercado;
- $q^c(p)$ es la oferta del margen competitivo al precio p ;
- $q^d(p) = (q(p) - q^c(p))$ demanda residual de la empresa dominante;
- $c(p) = c(q^d(p))$ son los costos de la empresa dominante.

Variables

- $q(p)$ – demanda del mercado;
- $q^c(p)$ es la oferta del margen competitivo al precio p ;
- $q^d(p) = (q(p) - q^c(p))$ demanda residual de la empresa dominante;
- $c(p) = c(q^d(p))$ son los costos de la empresa dominante.

Optimización

- Empresa dominante $\max_p \pi^d \quad \pi^d = pq^d(p) - c(q^d(p))$
- Solución

$$\frac{p - CMg}{p} = \frac{s^d}{\varepsilon^m + \varepsilon^c (1 - s^d)}$$

- Con:
 - s^d es la cuota de mercado de la empresa dominante
 - ε^m la elasticidad de la demanda
 - ε^c la elasticidad de la oferta del margen competitivo

Optimización

- Empresa dominante $\max_p \pi^d \quad \pi^d = pq^d(p) - c(q^d(p))$
- Solución

$$\frac{p - CMg}{p} = \frac{s^d}{\varepsilon^m + \varepsilon^c(1 - s^d)}$$

- Con:
 - s^d es la cuota de mercado de la empresa dominante
 - ε^m la elasticidad de la demanda
 - ε^c la elasticidad de la oferta del margen competitivo

Optimización

- Empresa dominante $\max_p \pi^d \quad \pi^d = pq^d(p) - c(q^d(p))$
- Solución

$$\frac{p - CMg}{p} = \frac{s^d}{\varepsilon^m + \varepsilon^c(1 - s^d)}$$

- Con:
 - s^d es la cuota de mercado de la empresa dominante
 - ε^m la elasticidad de la demanda
 - ε^c la elasticidad de la oferta del margen competitivo

Optimización

- Empresa dominante $\max_p \pi^d \quad \pi^d = pq^d(p) - c(q^d(p))$
- Solución

$$\frac{p - CMg}{p} = \frac{s^d}{\varepsilon^m + \varepsilon^c(1 - s^d)}$$

- Con:
 - s^d es la cuota de mercado de la empresa dominante
 - ε^m la elasticidad de la demanda
 - ε^c la elasticidad de la oferta del margen competitivo

Optimización

- Empresa dominante $\max_p \pi^d \quad \pi^d = pq^d(p) - c(q^d(p))$
- Solución

$$\frac{p - CMg}{p} = \frac{s^d}{\varepsilon^m + \varepsilon^c(1 - s^d)}$$

- Con:
 - s^d es la cuota de mercado de la empresa dominante
 - ε^m la elasticidad de la demanda
 - ε^c la elasticidad de la oferta del margen competitivo

Optimización

- Empresa dominante $\max_p \pi^d \quad \pi^d = pq^d(p) - c(q^d(p))$
- Solución

$$\frac{p - CMg}{p} = \frac{s^d}{\varepsilon^m + \varepsilon^c (1 - s^d)}$$

- Con:
 - s^d es la cuota de mercado de la empresa dominante
 - ε^m la elasticidad de la demanda
 - ε^c la elasticidad de la oferta del margen competitivo

Índice

- 1 Cournot
 - Presentación
 - Modelo general
 - Modelo n empresas
 - Propiedades del equilibrio
 - Pérdida social
 - 2 Bertrand
 - Supuestos y problema de maximización
 - 3 Bertrand o Cournot?
 - ¿Cuál es el modelo adecuado?
 - 4 Empresa dominante
 - Presentación
 - Interpretación
- Equilibrio de Bertrand
 - Extensión: restricciones de capacidad

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

1 la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

2 la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- las barreras a la entrada de potenciales competidores

3 la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- ① el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- ② la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- ③ la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- ④ las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- ① el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- ② la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- ③ la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- ④ las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- ① el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- ② la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- ③ la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- ④ las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- ① el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- ② la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- ③ la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- ④ las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- ① el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- ② la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- ③ la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- ④ las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$

Interpretación

- El poder de mercado de la empresa dominante depende negativamente de:

① la elasticidad de la demanda: si $\uparrow \varepsilon^m \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$,

② la elasticidad de la oferta del margen competitivo: si $\uparrow \varepsilon^c \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$, incluye:

- ① el exceso (o no) de capacidad instalada del margen competitivo
- ② la posibilidad de que otras empresas comiencen a producir el bien
- ③ la posibilidad de importar el bien de otras regiones
- ④ las barreras a la entrada de potenciales competidores

③ la cuota de mercado del margen competitivo: si $\uparrow (1 - s^d) \text{ ó } \downarrow s^d \Rightarrow \downarrow \frac{p - CMg}{p}$